

شماره داوطلبی:	کد ملی:	نام پدر:	نام و نام خانوادگی:
ساعت شروع: مدت زمان کل: ۱۳۰ دقیقه	رشته: ریاضی فیزیک	سوالات امتحان تشریحی درس: حسابان ۲	
نوبت اول ۱۴۰۲			پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه

ردیف	سوالات	نحوه
۱	ابتدا نمودار تابع $y = \sqrt{-x}$ را رسم و سپس به کمک آن نمودار تابع $y = \sqrt{\frac{-x}{2}}$ را رسم کنید.	۱
۲	اگر باقی‌مانده چندجمله‌ای $P(x) = x^7 + 2x^5 - ax + b$ بر $x-1$ و $x-2$ به ترتیب برابر ۳ و ۵ باشد، مقادیر a و b را به دست آورید.	۲
۳	نمودار تابع $f(x) = 2x + x^7 $ را رسم کنید و مشخص کنید در چه بازه‌ای صعودی و در چه بازه‌ای نزولی است.	۱/۵

نام و نام خانوادگی:	نام پدر:	کد ملی:	شماره داوطلبی:
سوالات امتحان تشریحی درس: حسابان ۲	رشت: ریاضی فیزیک	مدت زمان کل: ۱۳۰ دقیقه	ساعت شروع:
پایه دوازدهم دوره دوم متوجه			نوبت اول ۱۴۰۲

ردیف	سوالات	نمره
۴	نمودار تابع $f(x) = \begin{cases} \sqrt{x}, & x \geq 0 \\ -\sqrt{-x}, & x < 0 \end{cases}$ را رسم کنید و مشخص کنید آیا این تابع یکنوا است؟	۱
۵	جاهای خالی را با کلمه مناسب کامل کنید. الف) اگر $k > 1$ باشد، نمودار $y = kf(x)$ از نمودار $y = f(x)$ حاصل می‌شود. (انبساط عمودی – انبساط افقی) ب) اگر $k > 1$ باشد، نمودار $y = f(kx)$ از $y = f(x)$ در راستای محور x ها به دست می‌آید. (انقباض افقی – انقباض عمودی)	۰/۵
۶	چندجمله‌ای $-x^4$ را بر حسب عامل $1-x$ تجزیه کنید.	۱
۷	دوره تناوب تابع $y = 8\cos\left(\frac{x}{3}\right)$ را محاسبه کنید.	۰/۵
۸	معادله مثلثاتی مقابله حل کنید.	۲



۰۱۳-۴۲۵۵۵۲۱۴



Www.Rastaschool.com



نگروود: بلوار عبدالکریمی، رو به روی پلیس +۱۰، دیارستان غیر دولتی دخترانه رستا

نام و نام خانوادگی:	نام پدر:	کد مار:	شماره دائمی:
سوالات امتحان تشریعی درس: حسابان ۲	رشنده: ریاضی فیزیک	مدت زمان کل: ۱۳۰ دقیقه	ساعت شروع:
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه			نوبت اول ۱۴۰۲

ردیف	سوالات	نمره
۹	اگر $\sin \alpha = \frac{3}{5}$ و α در ناحیه اول باشد، حاصل $\tan 2\alpha$ را به دست آورید.	۱/۵
۱۰	حاصل عبارت زیر را به دست آورید.	۲
	$\frac{\sin 2\alpha}{1+\cos 2\alpha} \times \frac{\cos \alpha}{1+\cos \alpha}$	
۱۱	ثابت کنید.	۱/۵
	$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{\Delta+x^2}}{x^2} = +\infty$	
۱۲	حدود زیر را محاسبه کنید.	۲/۵
	(الف) $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{1}{x}$	
	(ب) $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{\sqrt{x^2+1}-x}{2x+1}$	
	(ج) $\lim_{x \rightarrow -1^+} \frac{x+2}{x^2+4x+4}$	



نام و نام خانوادگی:	نام پدر:	کد ملی:	شماره داوطلبی:
سوالات امتحان تشریحی درس: حسابان ۲			مدت زمان کل: ۱۳۰ دقیقه ساعت شروع:
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه			نوبت اول ۱۴۰۲

ردیف	سوالات	نمره
۱۳	حد زیر را محاسبه کنید. $\lim_{x \rightarrow 6^-} \frac{5 - x }{x - 6}$	۱
۱۴	مجانب‌های قائم تابع $f(x) = \frac{x^7 + x}{x^2 - x}$ را به دست آورید.	۲
	موفق باشید	۲۰ جمع نمرات



پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه

سوالات و راهنمای تصحیح درس: حسابان ۲

رشته: ریاضی فیزیک

نوبت اول ۱۴۰۲

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱	<p>ابتدا نمودار تابع $y = \sqrt{x}$ را رسم و سپس به کمک آن نمودار تابع $y = \sqrt{-x}$ را رسم کنید.</p> <p>$y = \sqrt{x}$ $y = \sqrt{\frac{x}{2}}$ $y = \sqrt{\frac{-x}{2}}$</p> <p>(۰ / ۲۵) (۰ / ۲۵) (۰ / ۵)</p>	۱
۲	<p>اگر باقی مانده چندجمله‌ای $P(x) = x^3 + 2x^2 - ax + b$ بر $x - ۱$ و $x - ۲$ به ترتیب برابر ۳ و -۵ باشد، مقادیر a و b را به دست آورید.</p> <p>ابتدا ریشه‌های $x - ۱ = ۰$ و $x - ۲ = ۰$ را به دست آورده و در تابع چندجمله‌ای $P(x)$ قرار داده و باقی مانده آنها را مساوی ۳ و -۵ قرار می‌دهیم.</p> $\begin{cases} P(1) = 3 \\ P(2) = -5 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} (1)^3 + 2(1)^2 - a(1) + b = 3 \\ (2)^3 + 2(2)^2 - a(2) + b = -5 \end{cases} \quad (۰ / ۵)$ $\Rightarrow \begin{cases} 1 + 2 - a + b = 3 \\ 8 + 8 - 2a + b = -5 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} -a + b = 0 \\ -2a + b = -21 \end{cases} \quad (۰ / ۵)$ $-a = -21 \Rightarrow a = 21 \quad (۰ / ۲۵)$ $-a + b = 0 \Rightarrow -21 + b = 0 \Rightarrow b = 21 \quad (۰ / ۲۵)$ $P(x) = x^3 + 2x^2 - 21x + 21$ <p>پس داریم که:</p>	۲
۱/۵	<p>نمودار تابع $f(x) = 2x + x^2$ را رسم کنید و مشخص کنید در چه بازه‌ای صعودی و در چه بازه‌ای نزولی است.</p> $f(x) = 2x + x^2 = (x+1)^2 - 1 $ <p>$y_1 = x^2$ $y_2 = (x+1)^2$ $y_3 = (x+1)^2 - 1$ $f(x) = (x+1)^2 - 1$</p> <p>(۰ / ۲۵) (۰ / ۲۵) (۰ / ۲۵) (۰ / ۲۵)</p> <p>$y_3 = (x+1)^2 - 1$ $f(x) = (x+1)^2 - 1$</p> <p>(۰ / ۲۵) (۰ / ۲۵)</p> <p>صعودی $\leftarrow (-\infty, -1) \rightarrow$ نزولی $\leftarrow (-\infty, -2) \rightarrow$ صعودی $\leftarrow (0, +\infty) \rightarrow$ نزولی $\leftarrow (-1, 0) \rightarrow$</p>	۳

<p>پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه</p> <p>رشته: ریاضی فیزیک</p>	<p>سؤالات و راهنمای تصحیح درس: حسابان ۲</p> <p>نوبت اول ۱۴۰۲</p>
نمره	راهنمای تصحیح
ردیف	
۱	<p>نمودار تابع $f(x) = \begin{cases} \sqrt{x}, & x \geq 0 \\ -\sqrt{-x}, & x < 0 \end{cases}$ را رسم کنید و مشخص کنید آیا این تابع یکنوا است؟</p> <p>$y = \sqrt{x}$ $\frac{x}{y} \Big \begin{array}{ccccc} 0 & 1 & 4 \\ 0 & 1 & 2 \end{array} \quad (0/25)$</p> <p>$y = -\sqrt{-x}$ $\frac{x}{y} \Big \begin{array}{ccccc} -4 & -1 & 0 \\ -2 & -1 & 0 \end{array} \quad (0/25)$</p> <p>(۰/۵)</p> <p>در نتیجه چون تابع همه جا صعودی است، پس یکنواست.</p>
۴	
۰/۵	<p>جاهای خالی را با کلمه مناسب کامل کنید.</p> <p>الف) اگر $k > 1$ باشد، نمودار $y = kf(x)$ از نمودار $y = f(x)$ حاصل می‌شود. (انبساط عمودی – انبساط افقی)</p> <p>انبساط عمودی (۰/۲۵)</p> <p>ب) اگر $k > 1$ باشد، نمودار $y = f(kx)$ از نمودار $y = f(x)$ در راستای محور xها به دست می‌آید. (انقباض افقی – انقباض عمودی)</p> <p>انقباض افقی (۰/۲۵)</p>
۵	
۱	<p>چندجمله‌ای $1 - x^6$ را بر حسب عامل $1 - x$ تجزیه کنید.</p> <p>$x^6 - 1 = (x - 1)(x^5 + x^4 + x^3 + x^2 + x + 1)$ (۰/۲۵)</p>
۶	
۰/۵	<p>دوره تناوب تابع $y = 8 \cos(\frac{x}{3})$ را محاسبه کنید.</p> <p>(۰/۲۵)</p> <p>می‌دانیم که دوره تناوب تابع $y = b \cos ax + c$ برابر است با: $T = \frac{2\pi}{ a }$ بنابراین:</p> <p>$T = \frac{2\pi}{ a } = \frac{2\pi}{ \frac{1}{3} } = 6\pi \quad (0/25)$</p>
۷	
۲	<p>معادله مثلثاتی مقابله را حل کنید.</p> <p>$\sqrt{3} \sin^2 x = \sqrt{3} \cos x$</p> <p>$\sqrt{3} \sin^2 x = \sqrt{3} \cos x$</p> <p>$\Rightarrow \sqrt{3}(1 - \cos^2 x) = \sqrt{3} \cos x \quad (0/25)$</p> <p>$\Rightarrow \sqrt{3} \cos^2 x + \sqrt{3} \cos x - \sqrt{3} = 0 \quad (0/25) \Rightarrow \cos x = \frac{-b \pm \sqrt{\Delta}}{2a}$</p> <p>$\Delta = b^2 - 4ac = (\sqrt{3})^2 - 4(1)(-\sqrt{3}) = 9 + 16 = 25 \Rightarrow \Delta = 25 \quad (0/25)$</p> <p>$\cos x = \frac{-\sqrt{3} \pm \sqrt{25}}{2(1)} = \frac{-\sqrt{3} \pm 5}{2} \Rightarrow \begin{cases} \frac{1}{2} \text{ ق} \text{ ق} & (0/25) \\ -2 \text{ غ} \text{ ق} \text{ ق} & (0/25) \end{cases}$</p> <p>$\cos x = \frac{1}{2} = \cos \frac{\pi}{3} \Rightarrow x = 2k\pi \pm \frac{\pi}{3}, k \in \mathbb{Z} \quad (0/5)$</p>
۸	

پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه رشته: ریاضی فیزیک	سوالات و راهنمای تصحیح درس: حسابان ۲ نوبت اول ۱۴۰۲
نمره	راهنمای تصحیح
ردیف	
۱/۵	<p>اگر $\sin \alpha = \frac{3}{5}$ و α در ناحیه اول باشد، حاصل $\tan 2\alpha$ را به دست آورید.</p> $\sin \alpha = \frac{3}{5} \Rightarrow \cos^2 \alpha = 1 - \sin^2 \alpha \Rightarrow \cos^2 \alpha = 1 - \frac{9}{25}$ $\Rightarrow \cos^2 \alpha = \frac{16}{25} \Rightarrow \cos \alpha = \pm \frac{4}{5} \xrightarrow{\text{ناحیه اول } \alpha} \cos \alpha = \frac{4}{5} \quad (0/25)$ $\tan \alpha = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} = \frac{\frac{3}{5}}{\frac{4}{5}} \Rightarrow \tan \alpha = \frac{3}{4} \quad (0/25)$ $\tan 2\alpha = \frac{2 \tan \alpha}{1 - \tan^2 \alpha} = \frac{2 \times \left(\frac{3}{4}\right)}{1 - \left(\frac{3}{4}\right)^2} = \frac{\frac{3}{2}}{\frac{7}{16}} \Rightarrow \tan 2\alpha = \frac{24}{7} \quad (0/25) \quad (0/25)$
۲	<p>حاصل عبارت زیر را به دست آورید.</p> $\frac{\sin 2\alpha}{1 + \cos 2\alpha} \times \frac{\cos \alpha}{1 + \cos \alpha} \quad (0/25)$ $\frac{\sin 2\alpha}{1 + \cos 2\alpha} \times \frac{\cos \alpha}{1 + \cos \alpha} = \frac{2 \sin \alpha \cos \alpha}{2 \cos^2 \alpha} \times \frac{\cos \alpha}{1 + \cos \alpha} \quad (0/25)$ $= \frac{\cancel{2} \sin \alpha \cos \cancel{\alpha}}{\cancel{2} \cos^2 \alpha (1 + \cos \alpha)} = \frac{\sin \alpha}{1 + \cos \alpha} = \frac{\cancel{\sin \alpha} \cos \cancel{\alpha}}{\cancel{\cos^2 \alpha}} = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} = \tan \alpha \quad (0/25) \quad (0/25)$
۱/۶	<p>ثابت کنید.</p> $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{\delta+x^2}}{x^2} = +\infty$ $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{\delta+x^2}}{x^2} = \begin{cases} \lim_{x \rightarrow \infty^+} \frac{\sqrt{\delta+x^2}}{x^2} \\ \lim_{x \rightarrow \infty^-} \frac{\sqrt{\delta+x^2}}{x^2} \end{cases} \quad (0/25)$ $= \begin{cases} \lim_{x \rightarrow \infty^+} \frac{ x }{x^2} = \lim_{x \rightarrow \infty^+} \frac{x}{x^2} = \lim_{x \rightarrow \infty^+} \frac{1}{x} = \frac{1}{\infty^+} = +\infty \quad (0/25) \\ \lim_{x \rightarrow \infty^-} \frac{ x }{x^2} = \lim_{x \rightarrow \infty^-} \frac{-x}{x^2} = \lim_{x \rightarrow \infty^-} \frac{-1}{x} = \frac{-1}{\infty^-} = +\infty \quad (0/25) \end{cases} \quad (0/25)$
۱۱	<p>پس حد تابع برابر $+\infty$ است. (0/25)</p>

<p>پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه</p> <p>رشته: ریاضی فیزیک</p>	<p>سؤالات و راهنمای تصحیح درس: حسابان ۲</p> <p>نوبت اول ۱۴۰۲</p>
<p>راهنمای تصحیح</p>	<p>ردیف</p>
<p>۲/۵</p> <p>حدود زیر را محاسبه کنید.</p> <p>الف) $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{1}{x}$ $(0/25)$</p> <p>$\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{1}{x} = \frac{1}{0^+} = +\infty (0/25)$</p> <p>ب) $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{\sqrt{x^2 + 1} - x}{2x + 1}$ $(0/25)$</p> <p>$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{\sqrt{x^2 + 1} - x}{2x + 1} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{ x - x}{2x + 1} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{-x - x}{2x + 1} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{-2x}{2x + 1} = -1 (0/25)$ $(0/25)$</p> <p>ج) $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x+2}{x^2 + 4x + 4}$ $(0/25)$</p> <p>$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x+2}{x^2 + 4x + 4} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{(x+2)}{(x+2)^2} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{1}{x+2} = \frac{1}{0^+} = +\infty (0/25)$ $(0/25) \quad (0/25)$</p>	<p>۱۲</p>
<p>حد زیر را محاسبه کنید.</p> <p>۱</p> <p>$\lim_{x \rightarrow \delta^-} \frac{\delta - [x]}{x - \delta}$ $(0/25)$</p> <p>$\lim_{x \rightarrow \delta^-} \frac{\delta - [x]}{x - \delta} = \frac{\delta - [\delta^-]}{\delta^- - \delta} = \frac{\delta - \delta}{\delta^- - \delta} = \frac{0}{0^-} = \infty (0/25)$ $(0/25)$</p>	<p>۱۳</p>
<p>مجانب‌های قائم تابع $f(x) = \frac{x^2 + x}{x^2 - x}$ را به دست آورید. ریشه‌های مخرج را به دست می‌آوریم: $y \rightarrow \pm\infty \Rightarrow x^2 - x = 0 (0/25)$ $\Rightarrow x(x-1) = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = 1 \end{cases} (0/5)$</p> <p>$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^2 + x}{x^2 - x} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x(x+1)}{x(x-1)} = \frac{1}{-1} = -1 (0/25)$</p> <p>پس $x = 0$ مجائب نیست. $(0/25)$</p> <p>$\lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{x^2 + x}{x^2 - x} = \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{x(x+1)}{x(x-1)} = \frac{2}{0^+} = +\infty (0/25)$</p> <p>$\lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{x^2 + x}{x^2 - x} = \lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{x(x+1)}{x(x-1)} = \frac{2}{0^-} = -\infty (0/25)$</p> <p>پس $x = 1$ مجائب قائم است. $(0/25)$</p>	<p>۱۴</p>
<p>جمع نمرات</p>	<p>موفق باشید</p>



۰۱۳-۴۲۵۵۵۲۱۴



Www.Rastaschool.com



لندنروود: بلوار عبدالکریمی، رویه روی پلیس +۱۰، دیبرستان غیر دولتی دخترانه رستا